

<b>Klassenarbeit</b>	<b>Mathematik</b>	<b>Bearbeitungszeit 90 min.</b>	<b>Di 06.12.05</b>
<b>SG25D Gruppe A</b>	<b>NAME:</b>		

**Hilfsmittel: Taschenrechner.**

**Alle Ergebnisse sind soweit möglich durch Rechnung zu begründen.**

1. Gegeben sind die Funktionsgleichungen zweier Parabeln und deren Nullstellen.

$$f_1(x) = x^2 - 4x + 3 \quad \text{Nullstellen: } x_1 = 1; x_2 = 3$$

$$f_2(x) = -\frac{1}{2}x^2 - x + \frac{3}{2} \quad \text{Nullstellen: } x_1 = -3; x_2 = 1$$

- a) Bestimmen Sie die Scheitelpunkte  $S_1$  und  $S_2$  beider Parabeln.
- b) Bestimmen Sie die Scheitelpunktform der Funktionsgleichungen  $f_1(x)$  und  $f_2(x)$ .
- c) Bestimmen Sie durch Rechnung die Funktionsgleichung  $g(x)$  der Geraden, die durch beide Scheitelpunkte verläuft.
- d) Zeichnen Sie beide Parabeln und die Gerade in ein Koordinatensystem.
- e) Wie lautet die Funktionsgleichung der Geraden, wenn beide Parabeln um eine Einheit nach unten verschoben werden?

2. Gegeben sind die Funktionsgleichungen zweier Parabeln.

$$f_1(x) = -x^2 + 4x - 1 \text{ und } f_2(x) = x^2 - 4x - 1$$

- a) Bestimmen Sie die Scheitelpunktformen der Funktionsgleichungen und die Scheitelpunkte beider Parabeln.
- b) Berechnen Sie die Achsenschnittpunkte.
- c) Berechnen Sie die Schnittpunkte beider Parabeln.
- d) Zeichnen Sie beide Parabeln in ein Koordinatensystem.
- e) Wie groß ist der Abstand der Scheitelpunkte beider Parabeln voneinander?  
Begründen Sie Ihr Ergebnis durch Rechnung oder verbal.

3. Die Funktionsgleichung einer Parabel lautet  $f(x) = \frac{3}{4}\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{3}{4}$

- a) Bestimmen Sie den Scheitelpunkt.
- b) Beschreiben Sie schrittweise, wie die durch den Graphen von  $f(x)$  dargestellte Parabel aus der Normalparabel entsteht und wie sie geöffnet ist.

**Viel Erfolg !!**

<b>Klassenarbeit SG25D</b>	<b>Mathematik Gruppe B</b>	<b>Bearbeitungszeit 90 min.</b>	<b>Di 06.12.05</b>
--------------------------------	--------------------------------	---------------------------------	--------------------

**Hilfsmittel: Taschenrechner.**

**Alle Ergebnisse sind soweit möglich durch Rechnung zu begründen.**

1. Gegeben sind die Funktionsgleichungen zweier Parabeln und deren Nullstellen.

$$f_1(x) = -x^2 - 4x - 3 \quad \text{Nullstellen: } x_1 = -3; x_2 = -1$$

$$f_2(x) = -\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{3}{2} \quad \text{Nullstellen: } x_1 = -1; x_2 = 3$$

- a) Bestimmen Sie die Scheitelpunkte  $S_1$  und  $S_2$  beider Parabeln.
- b) Bestimmen Sie die Scheitelpunktform der Funktionsgleichungen  $f_1(x)$  und  $f_2(x)$ .
- c) Bestimmen Sie durch Rechnung die Funktionsgleichung  $g(x)$  der Geraden, die durch beide Scheitelpunkte verläuft.
- d) Zeichnen Sie beide Parabeln und die Gerade in ein Koordinatensystem.
- e) Wie lautet die Funktionsgleichung der Geraden, wenn beide Parabeln um eine Einheit nach unten verschoben werden?

2. Gegeben sind die Funktionsgleichungen zweier Parabeln.

$$f_1(x) = x^2 + 2x - 3 \text{ und } f_2(x) = -\frac{1}{2}x^2 - x + \frac{3}{2}$$

- a) Bestimmen Sie die Scheitelpunktformen der Funktionsgleichungen und die Scheitelpunkte beider Parabeln.
- b) Berechnen Sie die Achsenschnittpunkte.
- c) Berechnen Sie die Schnittpunkte beider Parabeln.
- d) Zeichnen Sie beide Parabeln in ein Koordinatensystem.
- e) Wie groß ist der Abstand der Scheitelpunkte beider Parabeln voneinander? Begründen Sie Ihr Ergebnis durch Rechnung oder verbal.

3. Die Funktionsgleichung einer Parabel lautet  $f(x) = -\frac{4}{3}(x-2)^2 + 5$

- a) Bestimmen Sie den Scheitelpunkt.
- b) Beschreiben Sie schrittweise, wie die durch den Graphen von  $f(x)$  dargestellte Parabel aus der Normalparabel entsteht und wie sie geöffnet ist.

**Viel Erfolg !!**