

## Lösungen Graphen quadratischer Funktionen III

Ergebnisse:

E1	<b>Aufgabe</b> Bestimmen Sie jeweils den zugehörigen Funktionsterm.
	<p>f(x) g(x) h(x)</p> <p>x</p>

E1	<b>Ergebnis</b>
	<p>f(x) g(x) h(x)</p> <p>x</p> $f(x) = (x - 1)^2$ $g(x) = 0,25x^2$ $h(x) = -x^2 + 1$

<b>E2 Aufgabe</b> <p>Ordnen Sie jeder Parabel einen Funktionsterm zu.</p> <p>Bestimmen Sie auch die Koeffizienten <math>a_2</math> und <math>a_1</math>.</p> $f(x) = a_2x^2 - 2x$ $g(x) = 0,5x^2 + a_1x$ $h(x) = a_2x(x - 2)$	<p>A(x) B(x) C(x)</p>
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------

<b>E2 Ergebnis</b> <p><math>h(x) = a_2x(x - 2)</math> gehört zu C(x)</p> $h(3) = -1 \Leftrightarrow a_2 = -\frac{1}{3} \Rightarrow h(x) = -\frac{1}{3}x(x - 2)$ <p><math>f(x) = a_2x^2 - 2x</math> gehört zu A(x)</p> <p>Nullstellen: <math>x(a_2x - 2) = 0 \Rightarrow x_1 = 0 ; x_2 = \frac{2}{a_2} = -2 \Rightarrow a_2 = -1 \Rightarrow f(x) = -x^2 - 2x</math></p> <p><math>g(x) = 0,5x^2 + a_1x</math> gehört zu B(x)</p> $g(-3) = 0 \Leftrightarrow 0,5 \cdot 9 - a_1 \cdot 3 = 0 \Rightarrow a_1 = 1,5 \Rightarrow g(x) = 0,5x^2 + 1,5x$
--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

<b>E3 Aufgabe</b> <p>Gegeben sind die quadratischen Funktionen <math>f(x)</math> und <math>g(x)</math>. Verschieben Sie <math>g(x)</math> so in <math>y</math> – Richtung, dass die verschobene Kurve <math>g^*(x)</math> und <math>f(x)</math> keine gemeinsamen Punkte haben.</p> $f(x) = -x^2 + 2 ; x \in \mathbb{R}$ $g(x) = 0,5x^2 + 3x ; x \in \mathbb{R}$	<p style="text-align: left;"><math>f(x)</math> <math>g(x)</math></p>
---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------------------------------

<b>E3 Ergebnis</b> <p><math>g(x)</math> muss nach oben verschoben werden, damit es keine Schnittpunkte gibt.</p> $g(x) = 0,5x^2 + 3x \Rightarrow g^*(x) = 0,5x^2 + 3x + a_0$ <p>Notwendige Bedingung für Schnittpunkte: <math>g^*(x) = f(x)</math></p> $0,5x^2 + 3x + a_0 = -x^2 + 2 \Leftrightarrow x^2 + 2x + \frac{2}{3}a_0 - \frac{4}{3} = 0$ $\Rightarrow p = 2 ; q = \frac{2}{3}a_0 - \frac{4}{3} \Rightarrow D = -\frac{2}{1}a_0 + \frac{7}{3}$ <p>keine Schnittpunkte falls <math>D &lt; 0</math></p> $\Rightarrow -\frac{2}{1}a_0 + \frac{7}{3} < 0 \Leftrightarrow a_0 > \frac{7}{2}$ <p>Für <math>a_0 &gt; \frac{7}{2}</math> haben <math>f(x)</math> und <math>g^*(x)</math> keine gemeinsamen Schnittpunkte.</p>
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------